

- **Dominio:**  $\mathbf{R}$  cioè  $(-\infty; +\infty)$ .
- **Simmetrie:**  $C_o(-t) = 40(e^{\frac{2}{3}t} - e^{-2t}) \neq \pm C_o(t) \Rightarrow$  la funzione non è né pari né dispari.
- **Intersezioni con gli assi cartesiani:** sappiamo già che il grafico passa per l'origine; osserviamo che non possono esserci altre intersezioni con l'asse  $t$ .

• **Segno della funzione**

$$f(t) > 0 \Rightarrow e^{-\frac{2}{3}t} - e^{-2t} > 0 \Rightarrow -\frac{2}{3}t > -2t \Rightarrow t > 0$$

La funzione risulta quindi:

- positiva per  $t > 0$ ;
- negativa per  $t < 0$ .

• **Comportamento agli estremi del dominio**

$$\lim_{t \rightarrow -\infty} C_o(t) = \lim_{t \rightarrow -\infty} 40(e^{-\frac{2}{3}t} - e^{-2t}) = \lim_{t \rightarrow -\infty} 40e^{-2t}(e^{\frac{8}{3}t} - 1) = -\infty$$

$$\lim_{t \rightarrow +\infty} C_o(t) = \lim_{t \rightarrow +\infty} 40(e^{-\frac{2}{3}t} - e^{-2t}) = 0$$

L'asse  $t$  è quindi asintoto orizzontale per  $t \rightarrow +\infty$ .

• **Derivata prima, crescita, decrescita, massimi e minimi**

$$C'_o(t) = f(t) = 16(5e^{-2t} - e^{-\frac{2}{3}t})$$

La funzione risulta derivabile in tutto il suo dominio.

Si ha:

$$C'_o(t) \geq 0 \Rightarrow 5e^{-2t} - e^{-\frac{2}{3}t} \geq 0 \Rightarrow t \leq \frac{5}{8} \ln 5 \simeq 1,01$$

La derivata risulta quindi:

- positiva per  $t < \frac{5}{8} \ln 5$ ;
- negativa per  $t > \frac{5}{8} \ln 5$ ;
- nulla per  $t = \frac{5}{8} \ln 5$ .

*MINIMO*

La concentrazione presenta pertanto un punto di minimo in  $M\left(\frac{5}{8} \ln 5, \frac{32}{\sqrt[3]{5}}\right)$ .

• **Derivata seconda, concavità, flessi**

$$C''_o(t) = 16\left(-10e^{-2t} + \frac{2}{5}e^{-\frac{2}{3}t}\right) = 32\left(\frac{1}{5}e^{-\frac{2}{3}t} - 5e^{-2t}\right)$$

Si ha:

$$C''_o(t) \geq 0 \Rightarrow \frac{1}{5}e^{-\frac{2}{3}t} - 5e^{-2t} \geq 0 \Rightarrow t \geq \frac{5}{4} \ln 5 \simeq 2,01$$

La derivata seconda risulta quindi:

- positiva per  $t > \frac{5}{4} \ln 5$ ;
- negativa per  $t < \frac{5}{4} \ln 5$ ;
- nulla per  $t = \frac{5}{4} \ln 5$ .

Il grafico presenta un punto di flesso ascendente in  $F\left(\frac{5}{4} \ln 5, \frac{192}{5\sqrt[3]{5}}\right)$ .