Grafico di C<sub>o</sub>(t): rappresentiamo il grafico in fig. 1, evidenziando in nero la parte relativa al problema

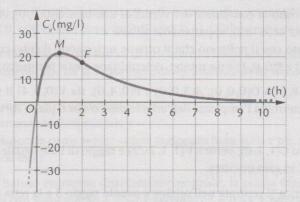


Figura 1

Per quanto riguarda la rappresentazione grafica della funzione  $y = C_e(t) = 50e^{-\frac{2}{5}t}$ , non è necessario. Basta solamente osservare che si tratta di una curva esponenziale discendente, opportunamente dilatata. Riportiamo in fig. 2 il grafico, evidenziando in nero la parte relativa al problema ( $t \ge 0$ ).

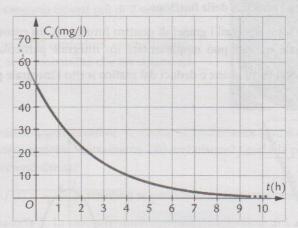


Figura 2

A Si ha:

$$\frac{\int_{0}^{+\infty} C_{o}(t)dt}{\int_{0}^{+\infty} C_{e}(t)dt} = \frac{\int_{0}^{+\infty} 40\left(e^{-\frac{2}{5}t} - e^{-2t}\right)dt}{\int_{0}^{+\infty} 50e^{-\frac{2}{5}t}dt} = \frac{40\lim_{k \to +\infty} \left[-\frac{5}{2}e^{-\frac{2}{5}t} + \frac{1}{2}e^{-2t}\right]_{0}^{k}}{50\lim_{k \to +\infty} \left[-\frac{5}{2}e^{-\frac{2}{5}t}\right]_{0}^{k}} = \frac{10\lim_{k \to +\infty} \left[-\frac{5}{2}e^{-\frac{2}{5}t}\right]_{0}^{k}}{10\lim_{k \to +\infty} \left[-\frac{5}{2}e^{-\frac{2}{5}t}\right]_{0}^{k}}$$

$$=\frac{4\lim\limits_{k \to +\infty}\left(-\frac{5}{2}e^{-\frac{2}{5}k}+\frac{1}{2}e^{-2k}+\frac{5}{2}-\frac{1}{2}\right)}{5\lim\limits_{k \to +\infty}\left(-\frac{5}{2}e^{-\frac{2}{5}k}+\frac{5}{2}\right)}=\frac{8}{25}=\frac{16}{25}=64\%$$

2015